経営工学概論

檀裕也

(dan@cc.matsuyama-u.ac.jp)
http://www.cc.matsuyama-u.ac.jp/~dan/



今回の内容

・データと情報の表現



データとは

ある現象を測定して得られる数値などの記録

- 気象データ: 気温・降水量・天気

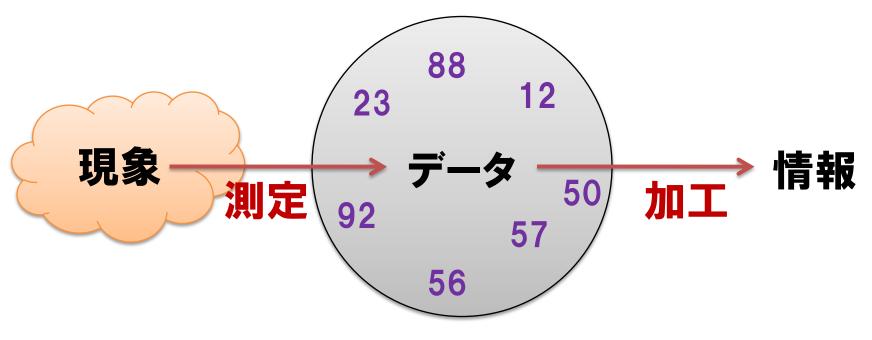
- POSデータ: 買い物客の年齢・性別・購入物品

- 出勤データ: 出社時刻・退社時刻



データと情報

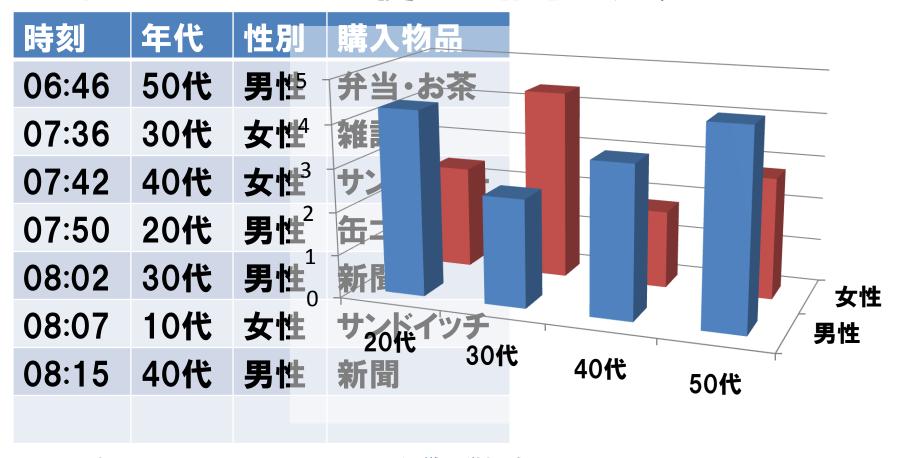
- データから情報を読み取る
 - 目的に応じてデータを加工する
 - 得られた情報に基づき意思決定する





情報の表現

表やグラフなどを使って情報を表現する





統計

- データ全体の特徴を記述するひとつの手法
 - データ集合の間で特徴を比較できる
- 統計量
 - 平均
 - 分散

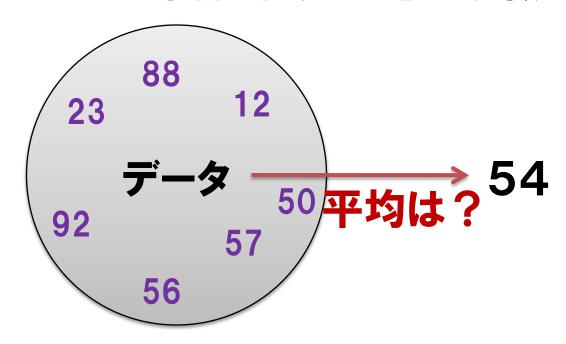
番号	データ
1	X ₁
2	X_2
•	•
•	•
n	X _n



平均

average

- データの最大値と最小値の間にある値
 - そのデータ集合を代表する値で特徴づける





次のデータの平均を求めよ

- 数学の試験結果: A君の60点とB君の40点の平均
- ある企業の売上高の前期比: 前期60%増と今期40%増の平均
- 往復の移動における速さ:行きの 60km/h と帰りの 40km/h の平均



算術平均

データの総和をデータの個数で割ったもの

番号	データ
1	X ₁
2	X ₂
•	•
•	•
n	X _n
平均	\bar{x}

$$\bar{x} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} x_i$$

$$\sum_{i=1}^{n} x_i = x_1 + x_2 + \dots + x_n$$



例題1

数学の試験結果: A君の60点とB君の40点の平均

番号	データ
1	60
2	40
平均	\bar{x}

$$\bar{x} = \frac{1}{2} \sum_{i=1}^{2} x_i = \frac{60 + 40}{2} = 50$$



幾何平均

• データの平均的な増え方(倍率)を見る

番号	データ
1	X ₁
2	X ₂
•	•
•	:
n	X _n
平均	\bar{x}'

$$ar{x}' = \sqrt[n]{\prod_{i=1}^n x_i}$$
 $\prod_{i=1}^n x_i = x_1 \cdot x_2 \cdot \dots \cdot x_n$
 $i=1$



例題2

・ある企業の売上高の前期比: 前期60%増と今期40%増の平均

番号	データ
1	1.60
2	1.40
平均	\bar{x}'

$$\bar{x}' = \sqrt{1.60 \cdot 1.40} = \sqrt{2.24} = 1.4966...$$



調和平均

・ "逆数の平均の逆数"

番号	データ
1	X ₁
2	X ₂
•	•
•	•
n	X _n
平均	\bar{x}''

$$\frac{1}{\bar{x}''} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} \frac{1}{x_i}$$



例題3

往復の移動における速さ:行きの 60km/h と帰りの 40km/h の平均

番号	データ
1	60
2	40
平均	$\bar{x}^{\prime\prime}$

$$\frac{1}{\bar{x}''} = \frac{1}{2} \left(\frac{1}{60} + \frac{1}{40} \right) = \frac{1}{48}$$

$$\bar{x}'' = 48$$



まとめ

- データと情報
- さまざまな平均
 - 算術平均
 - 幾何平均
 - -調和平均



提出物

- 出席カードに学籍番号と氏名を明記のうえ、 余白に以下の事項について記述する:
 - 会員の平均増加率:昨年度50%増、今年度4%減
 - 往復の平均速度:往路90km/h、復路10km/h



次回の予定

第3回 経営工学概論 「データの統計的性質」

- 日時: 2008年 5月 2日(金) 4時限目

- 場所: 845教室